# **Tipo 1** Compiti A01 - A07 - A13 - A19 - A22 - A25 - A31 - A37 - A43

#### Es. 1:

(Esempio di risoluzione)

1. Scelto come riferimento il nodo D le incognite sono le tensioni di nodo V<sub>A</sub>, V<sub>C</sub> e V<sub>E</sub>.

2. 
$$(G_3 + G_7 + 1/h_{11}) \cdot V_A - V_C/h_{11} - G_7 \cdot V_E = G_7 \cdot V_{G7}$$
  
 $-(1 + h_{21}) \cdot V_A / h_{11} + [G_4 + (1 + h_{21})/h_{11} + h_{22}] \cdot V_C = h_{22} \cdot V_{G8}$   
 $-G_7 \cdot V_A + (G_5 + G_6 + G_7) \cdot V_E = G_6 \cdot V_{G8} - G_7 \cdot V_{G7}$ 

$$\begin{split} \textbf{3} & \quad I_1 = V_1/h_{11} = (V_A - V_C)/h_{11} \\ & \quad I_2 = h_{21} \cdot I_1 + h_{22} \cdot V_2 = h_{21} \cdot V_A/h_{11} - (h_{21}/h_{11} + h_{22}) \cdot V_C + h_{22} \cdot V_{G8} \\ & \quad I_3 = -G_3 \cdot V_A \\ & \quad I_4 = G_4 \cdot V_C \\ & \quad I_5 = -G_5 \cdot V_E \\ & \quad I_6 = G_6 \cdot (V_{G8} - V_E) \\ & \quad I_7 = G_7 \cdot (V_A - V_E - V_{G7}) \end{split}$$

$$\begin{array}{ll} \textbf{4} & P_{G7} = -V_{G7} \cdot I_7 \\ & P_{G8} = V_{G8} \cdot I_8 = V_{G8} \cdot (I_2 + I_6) = V_{G8} \cdot (I_4 - I_3 - I_5) \\ \end{array}$$

### Es. 2:

1. 
$$V_0 = 40 - 120j$$
  $Z_{eq} = 8 + 16j$ 

2. 
$$I = -4 - 4j$$
  $i(t) = 5.657cos(1000t - 2.356)$  A

3. 
$$P = 32 W$$
  $Q = 64 VAR$ 

$$\begin{cases} \frac{di_{L}}{dt} = -\frac{1}{5}v_{C} + 3\\ \frac{dv_{C}}{dt} = 5i_{L} - \frac{10}{3}v_{C} - 25\\ i_{L}(0) = 5\\ v_{C}(0) = -15 \end{cases} \begin{cases} 3\frac{d^{2}i_{L}}{dt^{2}} + 10\frac{di_{L}}{dt} + 3i_{L} = 45\\ \frac{di_{L}}{dt} = 6\\ \frac{di_{L}}{dt} \Big|_{0^{+}} = 6 \end{cases}$$

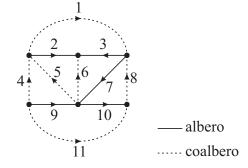
$$i_L(t) = -\exp(-3t) - 9\exp(-t/3) + 15$$

1. Scrivere l'equazione della maglia fondamentale associata al lato 4.

$$v_4 + v_2 - v_3 + v_7 - v_9 = 0$$

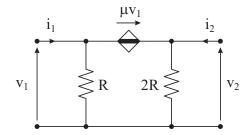
**2.** Scrivere l'equazione del taglio fondamentale associato al lato 2.

$$i_2 + i_1 - i_4 - i_5 = 0$$



3. Determinare l'elemento r<sub>21</sub> della matrice di resistenza del doppio bipolo rappresentato nella figura. (2 punti)

r <sub>21</sub>	$2R\frac{1+\mu}{3+\mu}$
	$J + \mu$



- **4.** In un circuito con 15 nodi e 30 lati qual è il numero massimo di lati che possono essere costituiti da generatori ideali di tensione di valore arbitrario?
  - □ 22
  - 14
  - □ 16
- 5. Il valore ad un istante t della risposta di un circuito dinamico non degenere è completamente determinato
  - dal valore all'istante t delle variabili di stato e degli ingressi
  - ☐ dal valore all'istante iniziale delle variabili di stato e degli ingressi
  - ☐ dal valore all'istante iniziale delle variabili di stato
- 6. Si consideri un bipolo avente impedenza  $\mathbf{Z} = R + jX$ . Se la corrente è sfasata di  $\pi/4$  in anticipo rispetto alla tensione, allora
  - $\mathbf{R} = -\mathbf{X}$
  - $\square$  R = X
  - $\square$  R = 1/X
- 7. Si considerino due bipoli passivi in condizione di regime sinusoidale collegati in serie. Se le potenze attive assorbite dai due bipoli sono uguali
  - è maggiore l'ampiezza della tensione del bipolo avente il fattore di potenza minore
  - ☐ le ampiezze delle tensioni dei bipoli sono uguali
  - è maggiore l'ampiezza della tensione del bipolo avente il fattore di potenza maggiore

# **Tipo 2** Compiti A02 - A08 - A14 - A20 - A23 - A26 - A32 - A38 - A44

#### Es. 1:

(Esempio di risoluzione)

1. Scelto come riferimento il nodo E le incognite sono le tensioni di nodo V<sub>A</sub>, V<sub>B</sub> e V<sub>C</sub>.

2. 
$$(G_4 + G_6 + 1/h_{11}) \cdot V_A - V_B/h_{11} - G_4 \cdot V_C = G_6 \cdot V_{G8}$$
  
 $-(1 + h_{21}) \cdot V_A/h_{11} + [G_3 + (1 + h_{21})/h_{11} + h_{22}] \cdot V_B - G_3 \cdot V_C = 0$   
 $-G_4 \cdot V_A - G_3 \cdot V_B + (G_3 + G_4 + G_5 + G_7) \cdot V_C = G_7 \cdot (V_{G8} - V_{G7})$ 

$$\begin{split} \textbf{3} & \quad I_1 = V_1/h_{11} = (V_A - V_B)/h_{11} \\ & \quad I_2 = h_{21} \cdot I_1 + h_{22} \cdot V_2 = h_{21} \cdot V_A/h_{11} - (h_{21}/h_{11} + h_{22}) \cdot V_B \\ & \quad I_3 = G_3 \cdot (V_B - V_C) \\ & \quad I_4 = G_4 \cdot (V_C - V_A) \\ & \quad I_5 = -G_5 \cdot V_C \\ & \quad I_6 = G_6 \cdot (V_A - V_{G8}) \\ & \quad I_7 = G_7 \cdot (V_{G8} - V_C - V_{G7}) \end{split}$$

4 
$$P_{G7} = -V_{G7} \cdot I_7$$
  
 $P_{G8} = V_{G8} \cdot I_8 = V_{G8} \cdot (I_7 - I_6) = -V_{G8} \cdot (I_2 + I_5)$ 

### Es. 2:

1. 
$$V_0 = 24 + 48j$$
  $Z_{eq} = 4 - 2j$ 

2. 
$$I = -2 + 6j$$
  $i(t) = 6.325cos(1000t + 1.893)$  A

3. 
$$P = 40 \text{ W}$$
  $Q = -80 \text{ VAR}$ 

$$\begin{cases} \frac{dv_{c}}{dt} = 2i_{L} + 4 \\ \frac{di_{L}}{dt} = -\frac{1}{3}v_{c} - \frac{5}{3}i_{L} - \frac{4}{3} \\ v_{c}(0) = 0 \\ i_{L}(0) = -2 \end{cases} \begin{cases} 3\frac{d^{2}v_{c}}{dt^{2}} + 5\frac{dv_{c}}{dt} + 2v_{c} = 12 \\ v_{c}(0) = 0 \\ \frac{dv_{c}}{dt} \Big|_{0^{+}} = 0 \end{cases}$$

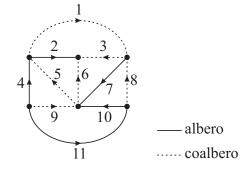
$$v_C(t) = 12\exp(-t) - 18\exp(-2t/3) + 6$$

1. Scrivere l'equazione della maglia fondamentale associata al lato 1.

$$v_1 + v_7 - v_{10} - v_{11} + v_4 = 0$$

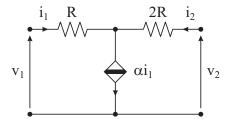
**2.** Scrivere l'equazione del taglio fondamentale associato al lato 7.

$$i_7 - i_8 + i_3 - i_1 = 0$$



**3.** Determinare l'elemento g<sub>21</sub> della matrice di conduttanza del doppio bipolo rappresentato nella figura. (2 punti)

	$\alpha-1$
<b>g</b> <sub>21</sub>	$\overline{R(3-2\alpha)}$



- 4. Si consideri un bipolo avente impedenza  $\mathbf{Z} = \mathbf{R} + \mathbf{j}\mathbf{X}$ . Se la corrente è sfasata di  $\pi/4$  in ritardo rispetto alla tensione, allora
  - $\square$  R = 1/X
  - R = X
  - $\Box$  R = -X
- 5. In un circuito con 8 nodi e 12 lati qual è il numero massimo di lati che possono essere costituiti da generatori ideali di corrente di valore arbitrario?
  - $\square$  7
  - **5**
  - □ 10
  - $\square$  8
- 6. Il valore ad un istante t della risposta di un circuito dinamico non degenere è completamente determinato
  - dal valore all'istante iniziale delle variabili di stato
  - dal valore all'istante iniziale delle variabili di stato e dal valore all'istante t degli ingressi
  - dal valore all'istante t delle variabili di stato e degli ingressi
- 7. Si considerino due bipoli passivi in condizione di regime sinusoidale collegati in parallelo. Se le potenze attive assorbite dai due bipoli sono uguali
  - è maggiore l'ampiezza della corrente del bipolo avente il fattore di potenza minore
  - è maggiore l'ampiezza della corrente del bipolo avente il fattore di potenza maggiore
  - ☐ le ampiezze delle correnti dei bipoli sono uguali

# **Tipo 3** Compiti A03 - A09 - A15 - A21 - A24 - A27 - A33 - A39 - A45

#### Es. 1:

(Esempio di risoluzione)

1. Scelto come riferimento il nodo E le incognite sono le tensioni di nodo V<sub>A</sub>, V<sub>B</sub> e V<sub>C</sub>.

2. 
$$(G_3 + G_4 + 1/h_{11}) \cdot V_A - V_C/h_{11} = G_4 \cdot V_{G8}$$
  
 $h_{21} \cdot V_A/h_{11} + (G_6 + G_7 + h_{22}) \cdot V_B - (h_{21}/h_{11} + h_{22}) \cdot V_C = G_6 \cdot V_{G8} - G_7 \cdot V_{G7}$   
 $-(1 + h_{21}) \cdot V_A/h_{11} - h_{22} \cdot V_B + [G_5 + (1 + h_{21})/h_{11} + h_{22}] \cdot V_C = G_5 \cdot V_{G8}$ 

$$\begin{split} \textbf{3} & \quad I_1 = V_1/h_{11} = (V_A - V_C)/h_{11} \\ & \quad I_2 = h_{21} \cdot I_1 + h_{22} \cdot V_2 = h_{21} \cdot V_A/h_{11} + h_{22} \cdot V_B - (h_{21}/h_{11} + h_{22}) \cdot V_C \\ & \quad I_3 = G_3 \cdot V_A \\ & \quad I_4 = G_4 \cdot (V_A - V_{G8}) \\ & \quad I_5 = G_5 \cdot (V_C - V_{G8}) \\ & \quad I_6 = G_6 \cdot (V_{G8} - V_B) \\ & \quad I_7 = -G_7 \cdot (V_B + V_{G7}) \end{split}$$

4 
$$P_{G7} = -V_{G7} \cdot I_7$$
  
 $P_{G8} = V_{G8} \cdot I_8 = V_{G8} \cdot (I_6 - I_4 - I_5) = V_{G8} \cdot (I_3 - I_7)$ 

### Es. 2:

1. 
$$V_0 = 24 - 48j$$
  $Z_{eq} = 8 + 4j$ 

2. 
$$I = 3 - 3j$$
  $i(t) = 4.243\cos(1000t - 0.785)$  A

3. 
$$P = 36 \text{ W}$$
  $Q = -72 \text{ VAR}$ 

$$\begin{cases} \frac{di_{L}}{dt} = \frac{1}{5} v_{C} \\ \frac{dv_{C}}{dt} = -5 i_{L} - \frac{5}{2} v_{C} + 25 \\ i_{L}(0) = 10 \\ v_{C}(0) = -20 \end{cases} \begin{cases} 2 \frac{d^{2} i_{L}}{dt^{2}} + 5 \frac{di_{L}}{dt} + 2 i_{L} = 10 \\ \frac{di_{L}}{dt} = 10 \\ \frac{di_{L}}{dt} = -4 \end{cases}$$

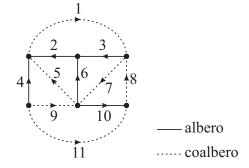
$$i_L(t) = \exp(-2t) + 4\exp(-t/2) + 5$$

1. Scrivere l'equazione della maglia fondamentale associata al lato 11.

$$v_{11} - v_{10} + v_6 + v_2 - v_4 = 0$$

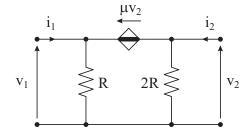
**2.** Scrivere l'equazione del taglio fondamentale associato al lato 3.

$$i_3 + i_7 - i_8 - i_1 = 0$$



3. Determinare l'elemento  $r_{12}$  della matrice di resistenza del doppio bipolo rappresentato nella figura. (2 punti)

r <sub>12</sub>	$2R\frac{1+\mu}{2+2}$
12	$3+2\mu$



- 4. Il valore ad un istante t della risposta di un circuito dinamico non degenere è completamente determinato
  - dal valore all'istante iniziale delle variabili di stato e degli ingressi
  - dal valore all'istante t delle variabili di stato e degli ingressi
  - ☐ dal valore all'istante iniziale delle variabili di stato
- **5.** Si considerino due bipoli passivi in condizione di regime sinusoidale collegati in serie. Se le potenze attive assorbite dai due bipoli sono uguali
  - ☐ le ampiezze delle tensioni dei bipoli sono uguali
  - è maggiore l'ampiezza della tensione del bipolo avente il fattore di potenza minore
  - è maggiore l'ampiezza della tensione del bipolo avente il fattore di potenza maggiore
- 6. Si consideri un bipolo avente impedenza  $\mathbf{Z} = \mathbf{R} + \mathbf{j} \mathbf{X}$ . Se la tensione è sfasata di  $\pi/4$  in ritardo rispetto alla corrente, allora
  - $\square$  R = X
  - R = -X
  - $\square$  R = 1/X
- 7. In un circuito con 10 nodi e 15 lati qual è il numero massimo di lati che possono essere costituiti da generatori ideali di tensione di valore arbitrario?
  - 9
  - □ 10
  - □ 12
  - □ 16

# **Tipo 4** Compiti A04 - A10 - A16 - A22 - A25 - A28 - A34 - A40 - A46

#### Es. 1:

(Esempio di risoluzione)

1. Scelto come riferimento il nodo D le incognite sono le tensioni di nodo V<sub>A</sub>, V<sub>C</sub> e V<sub>E</sub>.

2. 
$$(G_3 + G_7 + 1/h_{11}) \cdot V_A - V_C/h_{11} - G_7 \cdot V_E = G_7 \cdot V_{G7}$$
  
 $-(1 + h_{21}) \cdot V_A / h_{11} + [G_4 + (1 + h_{21})/h_{11} + h_{22}] \cdot V_C = h_{22} \cdot V_{G8}$   
 $-G_7 \cdot V_A + (G_5 + G_6 + G_7) \cdot V_E = G_6 \cdot V_{G8} - G_7 \cdot V_{G7}$ 

$$\begin{split} \textbf{3} & \quad I_1 = V_1/h_{11} = (V_A - V_C)/h_{11} \\ & \quad I_2 = h_{21} \cdot I_1 + h_{22} \cdot V_2 = h_{21} \cdot V_A/h_{11} - (h_{21}/h_{11} + h_{22}) \cdot V_C + h_{22} \cdot V_{G8} \\ & \quad I_3 = -G_3 \cdot V_A \\ & \quad I_4 = G_4 \cdot V_C \\ & \quad I_5 = -G_5 \cdot V_E \\ & \quad I_6 = G_6 \cdot (V_{G8} - V_E) \\ & \quad I_7 = G_7 \cdot (V_A - V_E - V_{G7}) \end{split}$$

$$\begin{array}{ll} \textbf{4} & P_{G7} = -V_{G7} \cdot I_7 \\ & P_{G8} = V_{G8} \cdot I_8 = V_{G8} \cdot (I_2 + I_6) = V_{G8} \cdot (I_4 - I_3 - I_5) \\ \end{array}$$

### Es. 2:

1. 
$$V_0 = 40 + 40j$$
  $Z_{eq} = 2 + 6j$ 

2. 
$$I = 6 - 2j$$
  $i(t) = 6.325\cos(1000t - 0.322)$  A

3. 
$$P = 40 W$$
  $Q = 40 VAR$ 

$$\begin{cases} \frac{dv_{c}}{dt} = 2i_{L} \\ \frac{di_{L}}{dt} = -\frac{1}{2}v_{c} - \frac{5}{2}i_{L} + 12 \\ v_{c}(0) = 12 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2\frac{d^{2}v_{c}}{dt^{2}} + 5\frac{dv_{c}}{dt} + 2v_{c} = 48 \\ v_{c}(0) = 12 \\ \frac{dv_{c}}{dt} = 12 \end{cases}$$

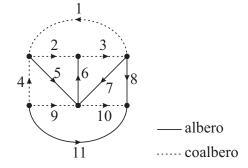
$$v_C(t) = -4\exp(-2t) - 8\exp(-t/2) + 24$$

1. Scrivere l'equazione della maglia fondamentale associata al lato 4.

$$v_4 + v_5 - v_7 + v_8 - v_{11} = 0$$

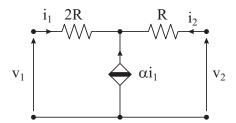
**2.** Scrivere l'equazione del taglio fondamentale associato al lato 5.

$$i_5 - i_4 + i_2 - i_1 = 0$$



**3.** Determinare l'elemento g<sub>21</sub> della matrice di conduttanza del doppio bipolo rappresentato nella figura. (2 punti)

	$1+\alpha$
<b>g</b> <sub>21</sub>	$-\frac{1}{R(3+\alpha)}$



- 4. In un circuito con 6 nodi e 12 lati qual è il numero massimo di lati che possono essere costituiti da generatori ideali di corrente di valore arbitrario?
  - □ 9
  - 7
  - □ 5
  - $\Box$  6
- 5. Si consideri un bipolo avente impedenza  $\mathbf{Z} = R + jX$ . Se la tensione è sfasata di  $\pi/4$  in anticipo rispetto alla corrente, allora
  - $\square$  R = -X
  - $\blacksquare$  R = X
  - $\square$  R = 1/X
- **6.** Si considerino due bipoli passivi in condizione di regime sinusoidale collegati in parallelo. Se le potenze attive assorbite dai due bipoli sono uguali
  - ☐ le ampiezze delle correnti dei bipoli sono uguali
  - è maggiore l'ampiezza della corrente del bipolo avente il fattore di potenza minore
  - è maggiore l'ampiezza della corrente del bipolo avente il fattore di potenza maggiore
- 7 Il valore ad un istante t della risposta di un circuito dinamico non degenere è completamente determinato
  - ☐ dal valore all'istante iniziale delle variabili di stato
  - dal valore all'istante t delle variabili di stato e degli ingressi
  - dal valore all'istante iniziale delle variabili di stato e dal valore all'istante t degli ingressi

# **Tipo 5** Compiti A05 - A11 - A17 - A23 - A26 - A29 - A35 - A41 - A47

#### Es. 1:

(Esempio di risoluzione)

1. Scelto come riferimento il nodo E le incognite sono le tensioni di nodo V<sub>A</sub>, V<sub>B</sub> e V<sub>C</sub>.

2. 
$$(G_4 + G_6 + 1/h_{11}) \cdot V_A - V_B/h_{11} - G_4 \cdot V_C = G_6 \cdot V_{G8}$$
  
 $-(1 + h_{21}) \cdot V_A/h_{11} + [G_3 + (1 + h_{21})/h_{11} + h_{22}] \cdot V_B - G_3 \cdot V_C = 0$   
 $-G_4 \cdot V_A - G_3 \cdot V_B + (G_3 + G_4 + G_5 + G_7) \cdot V_C = G_7 \cdot (V_{G8} - V_{G7})$ 

$$\begin{split} \textbf{3} & \quad I_1 = V_1/h_{11} = (V_A - V_B)/h_{11} \\ & \quad I_2 = h_{21} \cdot I_1 + h_{22} \cdot V_2 = h_{21} \cdot V_A/h_{11} - (h_{21}/h_{11} + h_{22}) \cdot V_B \\ & \quad I_3 = G_3 \cdot (V_B - V_C) \\ & \quad I_4 = G_4 \cdot (V_C - V_A) \\ & \quad I_5 = -G_5 \cdot V_C \\ & \quad I_6 = G_6 \cdot (V_A - V_{G8}) \\ & \quad I_7 = G_7 \cdot (V_{G8} - V_C - V_{G7}) \end{split}$$

4 
$$P_{G7} = -V_{G7} \cdot I_7$$
  
 $P_{G8} = V_{G8} \cdot I_8 = V_{G8} \cdot (I_7 - I_6) = -V_{G8} \cdot (I_2 + I_5)$ 

## Es. 2:

1. 
$$V_0 = -160 - 120i$$
  $Z_{eq} = 8 - 4i$ 

2. 
$$I = -15 - 5j$$
  $i(t) = 15.81\cos(1000t - 2.82)$  A

3. 
$$P = 500 \text{ W}$$
  $Q = 1000 \text{ VAR}$ 

$$\begin{cases} \frac{di_{L}}{dt} = \frac{1}{3}v_{c} + 1\\ \frac{dv_{c}}{dt} = -4i_{L} - \frac{8}{3}v_{c} + 24\\ i_{L}(0) = 4\\ v_{c}(0) = 9 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 3\frac{d^{2}i_{L}}{dt^{2}} + 8\frac{di_{L}}{dt} + 4i_{L} = 32\\ \frac{i_{L}(0)}{dt} = 4\\ \frac{di_{L}}{dt}\Big|_{0^{+}} = 4 \end{cases}$$

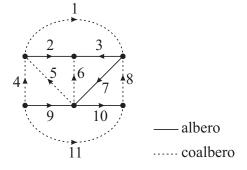
$$v_C(t) = -\exp(-2t) - 3\exp(-2t/3) + 8$$

1. Scrivere l'equazione della maglia fondamentale associata al lato 4.

$$v_4 + v_2 - v_3 + v_7 - v_9 = 0$$

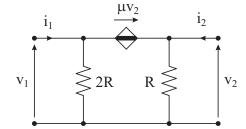
**2.** Scrivere l'equazione del taglio fondamentale associato al lato 2.

$$i_2 + i_1 - i_5 - i_4 = 0$$



3. Determinare l'elemento r<sub>12</sub> della matrice di resistenza del doppio bipolo rappresentato nella figura. (2 punti)

r <sub>12</sub>	$2R\frac{1+\mu}{3+\mu}$
-----------------	-------------------------



- 4. Si consideri un bipolo avente impedenza  $\mathbf{Z} = R + jX$ . Se la corrente è sfasata di  $\pi/4$  in anticipo rispetto alla tensione, allora
  - $\square$  R = X
  - $\mathbf{R} = -\mathbf{X}$
  - $\square$  R = 1/X
- 5. In un circuito con 12 nodi e 20 lati qual è il numero massimo di lati che possono essere costituiti da generatori ideali di tensione di valore arbitrario?
  - 11
  - □ 16
  - **□** 9
  - $\Box$  12
- 6. Il valore ad un istante t della risposta di un circuito dinamico non degenere è completamente determinato
  - dal valore all'istante t delle variabili di stato e degli ingressi
  - ☐ dal valore all'istante iniziale delle variabili di stato
  - ☐ dal valore all'istante iniziale delle variabili di stato e degli ingressi
- 7. Si considerino due bipoli passivi in condizione di regime sinusoidale collegati in serie. Se le potenze attive assorbite dai due bipoli sono uguali
  - ☐ è maggiore l'ampiezza della tensione del bipolo avente il fattore di potenza maggiore
  - è maggiore l'ampiezza della tensione del bipolo avente il fattore di potenza minore
  - ☐ le ampiezze delle tensioni dei bipoli sono uguali

# **Tipo 6** Compiti A06 - A12 - A18 - A24 - A27 - A30 - A36 - A42 - A48

#### Es. 1:

(Esempio di risoluzione)

1. Scelto come riferimento il nodo E le incognite sono le tensioni di nodo V<sub>A</sub>, V<sub>B</sub> e V<sub>C</sub>.

2. 
$$(G_3 + G_4 + 1/h_{11}) \cdot V_A - V_C/h_{11} = G_4 \cdot V_{G8}$$
  
 $h_{21} \cdot V_A/h_{11} + (G_6 + G_7 + h_{22}) \cdot V_B - (h_{21}/h_{11} + h_{22}) \cdot V_C = G_6 \cdot V_{G8} - G_7 \cdot V_{G7}$   
 $-(1 + h_{21}) \cdot V_A/h_{11} - h_{22} \cdot V_B + [G_5 + (1 + h_{21})/h_{11} + h_{22}] \cdot V_C = G_5 \cdot V_{G8}$ 

$$\begin{split} \textbf{3} & \quad I_1 = V_1/h_{11} = (V_A - V_C)/h_{11} \\ & \quad I_2 = h_{21} \cdot I_1 + h_{22} \cdot V_2 = h_{21} \cdot V_A/h_{11} + h_{22} \cdot V_B - (h_{21}/h_{11} + h_{22}) \cdot V_C \\ & \quad I_3 = G_3 \cdot V_A \\ & \quad I_4 = G_4 \cdot (V_A - V_{G8}) \\ & \quad I_5 = G_5 \cdot (V_C - V_{G8}) \\ & \quad I_6 = G_6 \cdot (V_{G8} - V_B) \\ & \quad I_7 = -G_7 \cdot (V_B + V_{G7}) \end{split}$$

$$\begin{array}{ll} \textbf{4} & P_{G7} = -V_{G7} \cdot I_7 \\ & P_{G8} = V_{G8} \cdot I_8 = V_{G8} \cdot (I_6 - I_4 - I_5) = V_{G8} \cdot (I_3 - I_7) \\ \end{array}$$

## Es. 2:

1. 
$$V_0 = -30 + 90j$$
  $Z_{eq} = 5 - 5j$ 

2. 
$$I = -4 + 2j$$
  $i(t) = 4.472\cos(1000t + 2.678)$  A

3. 
$$P = 100 \text{ W}$$
  $Q = -100 \text{ VAR}$ 

$$\begin{cases} \frac{dv_{c}}{dt} = i_{L} - 5 \\ \frac{di_{L}}{dt} = -\frac{1}{3}v_{c} - \frac{4}{3}i_{L} + 4 \\ v_{c}(0) = -4 \\ i_{L}(0) = 3 \end{cases} \begin{cases} 3\frac{d^{2}v_{c}}{dt^{2}} + 4\frac{dv_{c}}{dt} + v_{c} = -8 \\ \frac{dv_{c}}{dt} = -2 \end{cases}$$

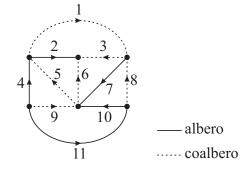
$$v_C(t) = \exp(-t) + 3\exp(-t/3) - 8$$

1. Scrivere l'equazione della maglia fondamentale associata al lato 1.

$$v_1 + v_7 - v_{10} - v_{11} + v_4 = 0$$

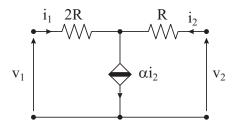
**2.** Scrivere l'equazione del taglio fondamentale associato al lato 7.

$$i_7 - i_8 + i_3 - i_1 = 0$$



**3.** Determinare l'elemento g<sub>12</sub> della matrice di conduttanza del doppio bipolo rappresentato nella figura. (2 punti)

	$\alpha - 1$
<b>g</b> <sub>12</sub>	$\overline{R(3-2\alpha)}$



- 4. In un circuito con 9 nodi e 18 lati qual è il numero massimo di lati che possono essere costituiti da generatori ideali di corrente di valore arbitrario?
  - 10
  - □ 13
  - □ 8
  - □ 9
- 5. Si considerino due bipoli passivi in condizione di regime sinusoidale collegati in parallelo. Se le potenze attive assorbite dai due bipoli sono uguali
  - è maggiore l'ampiezza della corrente del bipolo avente il fattore di potenza minore
  - à maggiore l'ampiezza della corrente del bipolo avente il fattore di potenza maggiore
    - le ampiezze delle correnti dei bipoli sono uguali
- 6. Si consideri un bipolo avente impedenza  $\mathbf{Z} = \mathbf{R} + \mathbf{j} \mathbf{X}$ . Se la corrente è sfasata di  $\pi/4$  in ritardo rispetto alla tensione, allora
  - $\square$  R = 1/X
  - $\mathbf{R} = \mathbf{X}$
  - $\square$  R = -X
- 7. Il valore ad un istante t della risposta di un circuito dinamico non degenere è completamente determinato
  - ☐ dal valore all'istante iniziale delle variabili di stato
  - dal valore all'istante iniziale delle variabili di stato e dal valore all'istante t degli ingressi
  - dal valore all'istante t delle variabili di stato e degli ingressi

# **Tipo 7** Compiti B01 - B07 - B13 - B19 - B22 - B25 - B31 - B37 - B43

#### Es. 1:

(Esempio di risoluzione)

1. Scelto come riferimento il nodo C le incognite sono le tensioni di nodo V<sub>B</sub>, V<sub>D</sub> e V<sub>E</sub>.

2. 
$$[G_3 + (1 + h_{21})/h_{11} + h_{22}] \cdot V_B - h_{22} \cdot V_E = (1 + h_{21}) \cdot V_{G8}/h_{11}$$

$$(G_5 + G_6 + G_7) \cdot V_D - G_6 \cdot V_E = G_5 \cdot V_{G8} - G_7 \cdot V_{G7}$$

$$- (h_{21}/h_{11} + h_{22}) \cdot V_B - G_6 \cdot V_D + (G_4 + G_6 + h_{22}) \cdot V_E = -h_{21} \cdot V_{G8}/h_{11}$$

$$\begin{split} \textbf{3} & \quad I_1 = V_1/h_{11} = (V_{G8} - V_B)/h_{11} \\ & \quad I_2 = h_{21} \cdot I_1 + h_{22} \cdot V_2 = -(h_{21}/h_{11} + h_{22}) \cdot V_B) + h_{22} \cdot V_E + h_{21} \cdot V_{G8}/h_{11} \\ & \quad I_3 = G_3 \cdot V_B \\ & \quad I_4 = -G_4 \cdot V_E \\ & \quad I_5 = G_5 \cdot (V_D - V_{G8}) \\ & \quad I_6 = G_6 \cdot (V_E - V_D) \\ & \quad I_7 = -G_7 \cdot (V_D + V_{G7}) \end{split}$$

4 
$$P_{G7} = -V_{G7} \cdot I_7$$
  
 $P_{G8} = V_{G8} \cdot I_8 = V_{G8} \cdot (I_1 - I_5) = V_{G8} \cdot (I_3 - I_4 - I_7)$ 

### Es. 2:

1. 
$$V_0 = 40 + 120j$$
  $Z_{eq} = 4 - 2j$ 

2. 
$$I = -4 + 12j$$
  $i(t) = 12.65cos(1000t + 1.893)$  A

3. 
$$P = 320 \text{ W}$$
  $Q = -320 \text{ VAR}$ 

$$\begin{cases} \frac{di_{L}}{dt} = -\frac{7}{3}i_{L} - \frac{1}{3}v_{C} + 3 \\ \frac{dv_{C}}{dt} = 2i_{L} + 4 \\ i_{L}(0) = 3 \\ v_{C}(0) = 8 \end{cases} \begin{cases} 3\frac{d^{2}i_{L}}{dt^{2}} + 7\frac{di_{L}}{dt} + 2i_{L} = -4 \\ i_{L}(0) = 3 \\ \frac{di_{L}}{dt}\Big|_{0^{+}} = -\frac{20}{3} \end{cases}$$

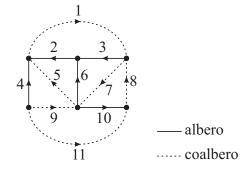
$$i_L(t) = 3\exp(-2t) + 3\exp(-t/3) - 2$$

1. Scrivere l'equazione della maglia fondamentale associata al lato 11.

$$v_{11} - v_{10} + v_6 + v_2 - v_4 = 0$$

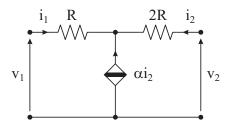
**2.** Scrivere l'equazione del taglio fondamentale associato al lato 3.

$$i_3 - i_1 + i_7 - i_8 = 0$$



3. Determinare l'elemento g<sub>12</sub> della matrice di conduttanza del doppio bipolo rappresentato nella figura. (2 punti)

	$1+\alpha$
<b>g</b> <sub>12</sub>	$-\frac{R(3+\alpha)}{R(3+\alpha)}$



- **4.** Si considerino due bipoli passivi in condizione di regime sinusoidale collegati in serie. Se le potenze attive assorbite dai due bipoli sono uguali
  - è maggiore l'ampiezza della tensione del bipolo avente il fattore di potenza minore
  - è maggiore l'ampiezza della tensione del bipolo avente il fattore di potenza maggiore
  - ☐ le ampiezze delle tensioni dei bipoli sono uguali
- 5. Il valore ad un istante t della risposta di un circuito dinamico non degenere è completamente determinato
  - dal valore all'istante iniziale delle variabili di stato e degli ingressi
  - dal valore all'istante t delle variabili di stato e degli ingressi
  - □ dal valore all'istante iniziale delle variabili di stato
- **6.** In un circuito con 6 nodi e 12 lati qual è il numero massimo di lati che possono essere costituiti da generatori ideali di tensione di valore arbitrario?
  - 5
  - $\Box$  6
  - $\square$  7
  - □ 9
- 7. Si consideri un bipolo avente impedenza  $\mathbf{Z} = \mathbf{R} + \mathbf{j}\mathbf{X}$ . Se la tensione è sfasata di  $\pi/4$  in anticipo rispetto alla corrente, allora
  - $\mathbf{R} = \mathbf{X}$
  - $\square$  R = -X
  - $\square$  R = 1/X

# **Tipo 8** Compiti B02 - B08 - B14 - B20 - B23 - B26 - B32 - B38 - B44

#### Es. 1:

(Esempio di risoluzione)

1. Scelto come riferimento il nodo D le incognite sono le tensioni di nodo  $V_A$ ,  $V_B$  e  $V_E$ .

2. 
$$(G_3 + G_4 + 1/h_{11}) \cdot V_A - G_3 \cdot V_E = V_{G8}/h_{11}$$
  
 $h_{21} \cdot V_A/h_{11} + (G_5 + G_7 + h_{22}) \cdot V_B - G_7 \cdot V_E = (h_{21}/h_{11} + h_{22}) \cdot V_{G8} + G_7 \cdot V_{G7}$   
 $-G_3 \cdot V_A - G_7 \cdot V_B + (G_3 + G_6 + G_7) \cdot V_E = -G_7 \cdot V_{G7}$ 

$$\begin{split} \textbf{3} & \quad I_1 = V_1/h_{11} = (V_A - V_{G8})/h_{11} \\ & \quad I_2 = h_{21} \cdot I_1 + h_{22} \cdot V_2 = h_{21} \cdot V_A/h_{11} + h_{22} \cdot V_B - \left(h_{21}/h_{11} + h_{22}\right) \cdot V_{G8} \\ & \quad I_3 = G_3 \cdot (V_A - V_E) \\ & \quad I_4 = -G_4 \cdot V_A \\ & \quad I_5 = G_5 \cdot V_B \\ & \quad I_6 = -G_6 \cdot V_E \\ & \quad I_7 = G_7 \cdot (V_B - V_E - V_{G7}) \end{split}$$

4 
$$P_{G7} = -V_{G7} \cdot I_7$$
  
 $P_{G8} = V_{G8} \cdot I_8 = -V_{G8} \cdot (I_1 + I_2) = V_{G8} \cdot (I_5 - I_4 - I_6)$ 

### Es. 2:

1. 
$$V_0 = -32 - 12j$$
  $Z_{eq} = 6 - 3j$ 

2. 
$$I = -3 - 3j$$
  $i(t) = 4.243\cos(1000t - 2.356)$  A

3. 
$$P = 18 W$$
  $Q = -9 VAR$ 

$$\begin{cases} \frac{dv_{C}}{dt} = -\frac{5}{2}v_{C} + 5i_{L} + 15 \\ \frac{di_{L}}{dt} = -\frac{1}{5}v_{C} + \frac{12}{5} \\ v_{C}(0) = 12 \\ i_{L}(0) = 0 \end{cases} \begin{cases} 2\frac{d^{2}v_{C}}{dt^{2}} + 5\frac{dv_{C}}{dt} + 2v_{C} = 24 \\ v_{C}(0) = 12 \\ \frac{dv_{C}}{dt} \Big|_{0^{+}} = -15 \end{cases}$$

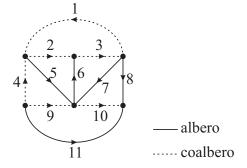
$$v_C(t) = 10\exp(-2t) - 10\exp(-t/2) + 12$$

1. Scrivere l'equazione della maglia fondamentale associata al lato 4.

$$v_4 + v_5 - v_7 + v_8 - v_{11} = 0$$

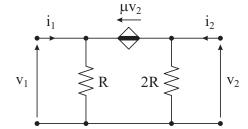
**2.** Scrivere l'equazione del taglio fondamentale associato al lato 5.

$$i_5 - i_4 + i_2 - i_1 = 0$$



3. Determinare l'elemento r<sub>12</sub> della matrice di resistenza del doppio bipolo rappresentato nella figura. (2 punti)

$2R\frac{1+\mu}{3+2\mu}$
--------------------------



- 4. Il valore ad un istante t della risposta di un circuito dinamico non degenere è completamente determinato
  - dal valore all'istante iniziale delle variabili di stato
  - dal valore all'istante t delle variabili di stato e degli ingressi
  - dal valore all'istante iniziale delle variabili di stato e dal valore all'istante t degli ingressi
- 5. Si consideri un bipolo avente impedenza  $\mathbf{Z} = R + jX$ . Se la corrente è sfasata di  $\pi/4$  in anticipo rispetto alla tensione, allora
  - $\square$  R = X
  - $\square$  R = 1/X
  - R = -X
- **6.** Si considerino due bipoli passivi in condizione di regime sinusoidale collegati in parallelo. Se le potenze attive assorbite dai due bipoli sono uguali
  - è maggiore l'ampiezza della corrente del bipolo avente il fattore di potenza minore
  - ☐ è maggiore l'ampiezza della corrente del bipolo avente il fattore di potenza maggiore
  - ☐ le ampiezze delle correnti dei bipoli sono uguali
- 7. In un circuito con 12 nodi e 20 lati qual è il numero massimo di lati che possono essere costituiti da generatori ideali di corrente di valore arbitrario?
  - □ 16
  - □ 12
  - □ 11
  - **9**

# **Tipo 9** Compiti B03 - B09 - B15 - B21 - B24 - B27 - B33 - B39 - B45

#### Es. 1:

(Esempio di risoluzione)

1. Scelto come riferimento il nodo E le incognite sono le tensioni di nodo V<sub>A</sub>, V<sub>B</sub> e V<sub>D</sub>.

2. 
$$(G_3 + G_6 + 1/h_{11}) \cdot V_A - V_B / h_{11} - G_3 \cdot V_D = G_6 \cdot V_{G8}$$
  
 $-(1 + h_{21}) \cdot V_A / h_{11} + [G_7 + (1 + h_{21}) / h_{11} + h_{22}] \cdot V_B = G_7 \cdot (V_{G7} + V_{G8})$   
 $-G_3 \cdot V_A + (G_3 + G_4 + G_5) \cdot V_D = G_5 \cdot V_{G8}$ 

$$\begin{split} \textbf{3} & \quad I_1 = V_1/h_{11} = (V_A - V_B)/h_{11} \\ & \quad I_2 = h_{21} \cdot I_1 + h_{22} \cdot V_2 = h_{21} \cdot V_A/h_{11} - (h_{21}/h_{11} + h_{22}) \cdot V_B \\ & \quad I_3 = G_3 \cdot (V_A - V_D) \\ & \quad I_4 = G_4 \cdot V_D \\ & \quad I_5 = G_5 \cdot (V_{G8} - V_D) \\ & \quad I_6 = G_6 \cdot (V_{G8} - V_A) \\ & \quad I_7 = G_7 \cdot (V_B - V_{G8} - V_{G7}) \end{split}$$

$$\begin{array}{ll} \textbf{4} & P_{G7} = -V_{G7} \cdot I_7 \\ & P_{G8} = V_{G8} \cdot I_8 = V_{G8} \cdot (I_4 - I_2) = V_{G8} \cdot (I_5 + I_6 - I_7) \\ \end{array}$$

### Es. 2:

1. 
$$V_0 = 120 - 120j$$
  $Z_{eq} = 6 + 6j$   
2.  $I = 6 - 18j$   $i(t) = 18.97\cos(1000t - 1.249)$  A

3. 
$$P = 360 \text{ W}$$
  $Q = -360 \text{ VAR}$ 

$$\begin{cases} \frac{di_{L}}{dt} = -\frac{3}{2}i_{L} + \frac{1}{4}v_{C} + \frac{3}{2} \\ \frac{dv_{C}}{dt} = -2i_{L} \\ i_{L}(0) = 4 \\ v_{C}(0) = 6 \end{cases} \begin{cases} 2\frac{d^{2}i_{L}}{dt^{2}} + 3\frac{di_{L}}{dt} + i_{L} = 0 \\ \frac{i_{L}(0)}{dt} = -3 \\ \frac{di_{L}}{dt} \Big|_{0^{+}} = -3 \end{cases}$$

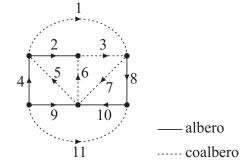
$$i_L(t) = 2\exp(-t) + 2\exp(-t/2)$$

1. Scrivere l'equazione della maglia fondamentale associata al lato 1.

$$v_1 + v_8 + v_{10} - v_9 + v_4 = 0$$

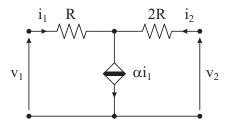
**2.** Scrivere l'equazione del taglio fondamentale associato al lato 8.

$$i_8 + i_7 - i_3 - i_1 = 0$$



**3.** Determinare l'elemento g<sub>21</sub> della matrice di conduttanza del doppio bipolo rappresentato nella figura. (2 punti)

	$\alpha-1$
<b>g</b> <sub>21</sub>	$\overline{R(3-2\alpha)}$



- 4. Si consideri un bipolo avente impedenza  $\mathbf{Z} = \mathbf{R} + \mathbf{j} \mathbf{X}$ . Se la corrente è sfasata di  $\pi/4$  in ritardo rispetto alla tensione, allora
  - $\mathbf{R} = \mathbf{X}$
  - $\square$  R = -X
    - R = 1/X
- 5. In un circuito con 9 nodi e 18 lati qual è il numero massimo di lati che possono essere costituiti da generatori ideali di tensione di valore arbitrario?
  - 8
  - □ 10
  - □ 13
- 6. Il valore ad un istante t della risposta di un circuito dinamico non degenere è completamente determinato
  - dal valore all'istante t delle variabili di stato e degli ingressi
  - ☐ dal valore all'istante iniziale delle variabili di stato
  - ☐ dal valore all'istante iniziale delle variabili di stato e degli ingressi
- 7. Si considerino due bipoli passivi in condizione di regime sinusoidale collegati in serie. Se le potenze attive assorbite dai due bipoli sono uguali
  - ☐ le ampiezze delle tensioni dei bipoli sono uguali
  - è maggiore l'ampiezza della tensione del bipolo avente il fattore di potenza minore
  - à maggiore l'ampiezza della tensione del bipolo avente il fattore di potenza maggiore

# **Tipo 10** Compiti B04 - B10 - B16 - B22 - B25 - B28 - B34 - B40 - B46

#### Es. 1:

(Esempio di risoluzione)

1. Scelto come riferimento il nodo C le incognite sono le tensioni di nodo V<sub>B</sub>, V<sub>D</sub> e V<sub>E</sub>.

2. 
$$[G_3 + (1 + h_{21})/h_{11} + h_{22}] \cdot V_B - h_{22} \cdot V_E = (1 + h_{21}) \cdot V_{G8}/h_{11}$$

$$(G_5 + G_6 + G_7) \cdot V_D - G_6 \cdot V_E = G_5 \cdot V_{G8} - G_7 \cdot V_{G7}$$

$$- (h_{21}/h_{11} + h_{22}) \cdot V_B - G_6 \cdot V_D + (G_4 + G_6 + h_{22}) \cdot V_E = -h_{21} \cdot V_{G8}/h_{11}$$

$$\begin{split} \textbf{3} & \quad I_1 = V_1/h_{11} = (V_{G8} - V_B)/h_{11} \\ & \quad I_2 = h_{21} \cdot I_1 + h_{22} \cdot V_2 = -(h_{21}/h_{11} + h_{22}) \cdot V_B) + h_{22} \cdot V_E + h_{21} \cdot V_{G8}/h_{11} \\ & \quad I_3 = G_3 \cdot V_B \\ & \quad I_4 = -G_4 \cdot V_E \\ & \quad I_5 = G_5 \cdot (V_D - V_{G8}) \\ & \quad I_6 = G_6 \cdot (V_E - V_D) \\ & \quad I_7 = -G_7 \cdot (V_D + V_{G7}) \end{split}$$

4 
$$P_{G7} = -V_{G7} \cdot I_7$$
  
 $P_{G8} = V_{G8} \cdot I_8 = V_{G8} \cdot (I_1 - I_5) = V_{G8} \cdot (I_3 - I_4 - I_7)$ 

### Es. 2:

1. 
$$V_0 = -40 - 80j$$
  $Z_{eq} = 4 + 2j$ 

2. 
$$I = -8 - 4j$$
  $i(t) = 8.944cos(1000t - 2.678)$  A

3. 
$$P = 160 \text{ W}$$
  $Q = 160 \text{ VAR}$ 

$$\begin{cases} \frac{dv_{c}}{dt} = -\frac{5}{2}v_{c} - 5i_{L} - 5 \\ \frac{di_{L}}{dt} = \frac{1}{5}v_{c} \\ v_{c}(0) = -18 \\ i_{L}(0) = 2 \end{cases} \begin{cases} 2\frac{d^{2}v_{c}}{dt^{2}} + 5\frac{dv_{c}}{dt} + 2v_{c} = 0 \\ v_{c}(0) = -18 \\ \frac{dv_{c}}{dt} \Big|_{0^{+}} = 30 \end{cases}$$

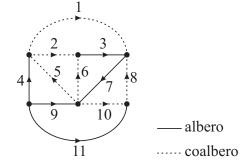
$$v_C(t) = -14\exp(-2t) - 4\exp(-t/2)$$

1. Scrivere l'equazione della maglia fondamentale associata al lato 2.

$$v_2 + v_3 + v_7 - v_9 + v_4 = 0$$

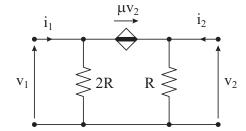
2. Scrivere l'equazione del taglio fondamentale associato al lato 4.

$$i_4 + i_5 - i_2 - i_1 = 0$$



3. Determinare l'elemento  $r_{12}$  della matrice di resistenza del doppio bipolo rappresentato nella figura. (2 punti)

r <sub>12</sub>	$2R\frac{1-\mu}{3-\mu}$



- **4.** Si considerino due bipoli passivi in condizione di regime sinusoidale collegati in parallelo. Se le potenze attive assorbite dai due bipoli sono uguali
  - è maggiore l'ampiezza della corrente del bipolo avente il fattore di potenza minore
  - ☐ le ampiezze delle correnti dei bipoli sono uguali
  - è maggiore l'ampiezza della corrente del bipolo avente il fattore di potenza maggiore
- 5. Il valore ad un istante t della risposta di un circuito dinamico non degenere è completamente determinato
  - dal valore all'istante iniziale delle variabili di stato
  - dal valore all'istante iniziale delle variabili di stato e dal valore all'istante t degli ingressi
  - dal valore all'istante t delle variabili di stato e degli ingressi
- **6.** In un circuito con 15 nodi e 30 lati qual è il numero massimo di lati che possono essere costituiti da generatori ideali di corrente di valore arbitrario?
  - □ 14
  - **1**6
  - □ 22
  - □ 15
- 7. Si consideri un bipolo avente impedenza  $\mathbf{Z} = R + jX$ . Se la corrente è sfasata di  $\pi/4$  in anticipo rispetto alla tensione, allora
  - $\square$  R = 1/X
  - $\square$  R = X
  - R = -X

# **Tipo 11** Compiti B05 - B11 - B17 - B23 - B26 - B29 - B35 - B41 - B47

#### Es. 1:

(Esempio di risoluzione)

1. Scelto come riferimento il nodo D le incognite sono le tensioni di nodo V<sub>A</sub>, V<sub>B</sub> e V<sub>E</sub>.

$$\begin{aligned} \textbf{2.} \quad & (G_3 + G_4 + 1/h_{11}) \cdot V_A - G_3 \cdot V_E = V_{G8}/h_{11} \\ & h_{21} \cdot V_A/h_{11} + (G_5 + G_7 + h_{22}) \cdot V_B - G_7 \cdot V_E = (h_{21}/h_{11} + h_{22}) \cdot V_{G8} + G_7 \cdot V_{G7} \\ & -G_3 \cdot V_A - G_7 \cdot V_B + (G_3 + G_6 + G_7) \cdot V_E = -G_7 \cdot V_{G7} \end{aligned}$$

$$\begin{split} \textbf{3} & \quad I_1 = V_1/h_{11} = (V_A - V_{G8})/h_{11} \\ & \quad I_2 = h_{21} \cdot I_1 + h_{22} \cdot V_2 = h_{21} \cdot V_A/h_{11} + h_{22} \cdot V_B - (h_{21}/h_{11} + h_{22}) \cdot V_{G8} \\ & \quad I_3 = G_3 \cdot (V_A - V_E) \\ & \quad I_4 = -G_4 \cdot V_A \\ & \quad I_5 = G_5 \cdot V_B \\ & \quad I_6 = -G_6 \cdot V_E \\ & \quad I_7 = G_7 \cdot (V_B - V_E - V_{G7}) \end{split}$$

4 
$$P_{G7} = -V_{G7} \cdot I_7$$
  
 $P_{G8} = V_{G8} \cdot I_8 = -V_{G8} \cdot (I_1 + I_2) = V_{G8} \cdot (I_5 - I_4 - I_6)$ 

## Es. 2:

1. 
$$V_0 = 30 + 90j$$
  $Z_{eq} = 3 - 6j$ 

2. 
$$I = -2 + 14j$$
  $i(t) = 14.14\cos(1000t + 1.713)$  A

3. 
$$P = 300 \text{ W}$$
  $Q = 300 \text{ VAR}$ 

$$\begin{cases} \frac{di_{L}}{dt} = -\frac{7}{3}i_{L} + \frac{1}{3}v_{C} - 7 \\ \frac{dv_{C}}{dt} = -4i_{L} + 8 \\ i_{L}(0) = -3 \\ v_{C}(0) = 25 \end{cases} \begin{cases} 3\frac{d^{2}i_{L}}{dt^{2}} + 7\frac{di_{L}}{dt} + 4i_{L} = 8 \\ i_{L}(0) = -3 \\ \frac{di_{L}}{dt} \Big|_{0^{+}} = \frac{25}{3} \end{cases}$$

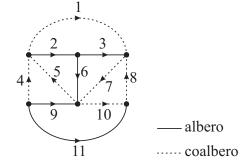
$$i_L(t) = -10\exp(-4t/3) + 5\exp(-t) + 2$$

1. Scrivere l'equazione della maglia fondamentale associata al lato 8.

$$v_8 - v_3 + v_6 - v_9 + v_{11} = 0$$

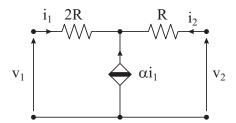
**2.** Scrivere l'equazione del taglio fondamentale associato al lato 3.

$$i_3 + i_1 - i_7 + i_8 = 0$$



**3.** Determinare l'elemento g<sub>21</sub> della matrice di conduttanza del doppio bipolo rappresentato nella figura. (2 punti)

	$1+\alpha$
<b>g</b> <sub>21</sub>	$-\frac{R(3+\alpha)}{R(3+\alpha)}$



- 4. In un circuito con 8 nodi e 12 lati qual è il numero massimo di lati che possono essere costituiti da generatori ideali di tensione di valore arbitrario?
  - □ 5
  - □ 10
  - 7
  - □ 8
- 5. Il valore ad un istante t della risposta di un circuito dinamico non degenere è completamente determinato
  - dal valore all'istante iniziale delle variabili di stato e degli ingressi
  - dal valore all'istante t delle variabili di stato e degli ingressi
  - ☐ dal valore all'istante iniziale delle variabili di stato
- 6. Si consideri un bipolo avente impedenza  $\mathbf{Z} = \mathbf{R} + \mathbf{j} \mathbf{X}$ . Se la corrente è sfasata di  $\pi/4$  in ritardo rispetto alla tensione, allora
  - R = X
  - $\square$  R = 1/X
  - $\square$  R = -X
- 7. Si considerino due bipoli passivi in condizione di regime sinusoidale collegati in serie. Se le potenze attive assorbite dai due bipoli sono uguali
  - è maggiore l'ampiezza della tensione del bipolo avente il fattore di potenza minore
  - è maggiore l'ampiezza della tensione del bipolo avente il fattore di potenza maggiore
  - ☐ le ampiezze delle tensioni dei bipoli sono uguali

# **Tipo 12** Compiti B06 - B12 - B18 - B24 - B27 - B30 - B36 - B42 - B48

#### Es. 1:

(Esempio di risoluzione)

1. Scelto come riferimento il nodo E le incognite sono le tensioni di nodo V<sub>A</sub>, V<sub>B</sub> e V<sub>D</sub>.

$$\begin{aligned} \textbf{2.} \quad & (G_3 + G_6 + 1/h_{11}) \cdot V_A - V_B / \ h_{11} - G_3 \cdot V_D = G_6 \cdot V_{G8} \\ & - (1 + h_{21}) \cdot V_A / h_{11} + \left[ G_7 + (1 + h_{21}) / h_{11} + h_{22} \right] \cdot V_B = G_7 \cdot \left( V_{G7} + V_{G8} \right) \\ & - G_3 \cdot V_A + \left( G_3 + G_4 + G_5 \right) \cdot V_D = G_5 \cdot V_{G8} \end{aligned}$$

$$\begin{split} \textbf{3} & \quad I_1 = V_1/h_{11} = (V_A - V_B)/h_{11} \\ & \quad I_2 = h_{21} \cdot I_1 + h_{22} \cdot V_2 = h_{21} \cdot V_A/h_{11} - (h_{21}/h_{11} + h_{22}) \cdot V_B \\ & \quad I_3 = G_3 \cdot (V_A - V_D) \\ & \quad I_4 = G_4 \cdot V_D \\ & \quad I_5 = G_5 \cdot (V_{G8} - V_D) \\ & \quad I_6 = G_6 \cdot (V_{G8} - V_A) \\ & \quad I_7 = G_7 \cdot (V_B - V_{G8} - V_{G7}) \end{split}$$

$$\begin{array}{ll} \textbf{4} & P_{G7} = -V_{G7} \cdot I_7 \\ & P_{G8} = V_{G8} \cdot I_8 = V_{G8} \cdot (I_4 - I_2) = V_{G8} \cdot (I_5 + I_6 - I_7) \\ \end{array}$$

### Es. 2:

1. 
$$V_0 = -100 - 100j$$
  $Z_{eq} = 10 + 5j$ 

2. 
$$I = -4 - 8j$$
  $i(t) = 8.944cos(1000t - 2.034)$  A

3. 
$$P = 400 \text{ W}$$
  $Q = -400 \text{ VAR}$ 

$$\begin{cases} \frac{dv_{c}}{dt} = -\frac{10}{3}v_{c} + 5i_{L} - 30 \\ \frac{di_{L}}{dt} = -\frac{1}{5}v_{c} + \frac{9}{5} \\ v_{c}(0) = -9 \\ i_{L}(0) = 6 \end{cases} \begin{cases} 3\frac{d^{2}v_{c}}{dt^{2}} + 10\frac{dv_{c}}{dt} + 3v_{c} = 27 \\ v_{c}(0) = -9 \\ \frac{dv_{c}}{dt} \Big|_{0^{+}} = 30 \end{cases}$$

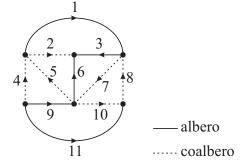
$$v_C(t) = -9\exp(-3t) - 9\exp(-t/3) + 9$$

1. Scrivere l'equazione della maglia fondamentale associata al lato 4.

$$v_4 + v_1 + v_3 - v_6 - v_9 = 0$$

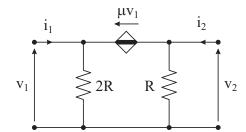
**2.** Scrivere l'equazione del taglio fondamentale associato al lato 1.

$$i_1 + i_2 - i_5 - i_4 = 0$$



3. Determinare l'elemento r<sub>21</sub> della matrice di resistenza del doppio bipolo rappresentato nella figura. (2 punti)

$2R\frac{1-\mu}{3-2\mu}$
--------------------------



- **4.** In un circuito con 8 nodi e 12 lati qual è il numero massimo di lati che possono essere costituiti da generatori ideali di tensione di valore arbitrario?
  - □ 5
  - 7
  - □ 8
  - $\Box$  10
- 5. Si considerino due bipoli passivi in condizione di regime sinusoidale collegati in parallelo. Se le potenze attive assorbite dai due bipoli sono uguali
  - è maggiore l'ampiezza della corrente del bipolo avente il fattore di potenza maggiore
  - è maggiore l'ampiezza della corrente del bipolo avente il fattore di potenza minore
  - ☐ le ampiezze delle correnti dei bipoli sono uguali
- 6. Si consideri un bipolo avente impedenza  $\mathbf{Z} = \mathbf{R} + \mathbf{j}\mathbf{X}$ . Se la tensione è sfasata di  $\pi/4$  in ritardo rispetto alla corrente, allora
  - $\square$  R = 1/X
  - $\square$  R = X
  - $\mathbf{R} = -\mathbf{X}$
- 7. Il valore ad un istante t della risposta di un circuito dinamico non degenere è completamente determinato
  - ☐ dal valore all'istante iniziale delle variabili di stato
  - dal valore all'istante t delle variabili di stato e degli ingressi
  - dal valore all'istante iniziale delle variabili di stato e dal valore all'istante t degli ingressi