## **Tipo 1** Compiti A01-A03-A05-A07-A09-A11-A13-A15-A17-A19-A21

### Es. 1:

(Esempio di risoluzione)

Scelto l'albero formato dai lati 4, 5, 7, 8 (= generatore dipendente), le incognite sono le correnti  $I_2$ ,  $I_3$  e  $I_6$  (la corrente  $I_1 = I_{G1}$  è nota)

$$\begin{array}{ll} 2) & & (R_2 + R_4)I_2 + rI_3 + rI_6 = R_4I_{G1} \\ & (R_3 + R_5 + r)I_3 + (R_5 + r)I_6 = 0 \\ & R_5I_3 + (R_5 + R_6 + R_7)I_6 = R_7I_{G1} - V_{G6} \end{array}$$

$$\begin{array}{ccc} 3a) & & I_4 = I_{G1} - I_2 \\ & I_5 = I_3 + I_6 \\ & I_7 = I_{G1} - I_6 \end{array}$$

$$\begin{array}{ll} 3b) & & P_{G1} = (R_4I_4 \! + \! R_7I_7)I_{G1} \\ & & P_{G6} = -V_{G6}I_6 \\ & & P_{G8} = -rI_5(I_2 \! + \! I_3) \end{array}$$

#### **Es. 2:**

$$\begin{aligned} \boldsymbol{V}_0 &= 20 + 20 \boldsymbol{j} \quad \boldsymbol{V} \\ \boldsymbol{Z}_{eq} &= 5 \ \Omega \end{aligned}$$

$$R = 5 \Omega$$

$$X = -10 \Omega \implies C = 100 \mu F$$

1. Il sistema trifase rappresentato in figura viene alimentato con una terna diretta simmetrica di tensioni concatenate avente valore efficace  $V_e = 200\sqrt{3} \ V$ .

Determinare il valore efficace delle correnti  $i_1$  e  $i_{12}$ . (2 punti)

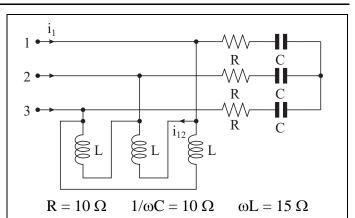
	$I_1$	31.623 A	I <sub>12</sub>	23.094 A	
1					

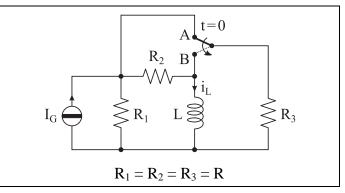
Per t < 0 il circuito è in condizioni di regime stazionario e l'interruttore è nella posizione A. All'istante t = 0 l'interruttore si porta nella posizione B. Determinare l'espressione di i<sub>L</sub>(t) per t > 0. (2 punti)

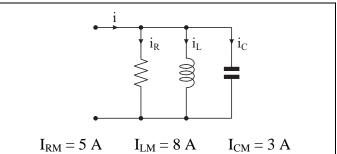
$$i_{L}(t)$$
 
$$-\frac{I_{G}}{6} \exp\left(-\frac{2Rt}{3L}\right) + \frac{I_{G}}{2}$$

3. Il bipolo rappresentato in figura è in condizioni di regime sinusoidale. Note le ampiezze delle correnti dei componenti, determinare l'ampiezza I<sub>M</sub> della corrente totale i e il fattore di potenza F<sub>P</sub> del bipolo. (2 punti)

I <sub>M</sub> 7.071 A	$F_{P}$	0.707
------------------------	---------	-------







- 4. Se la potenza disponibile di un bipolo formato da un generatore di corrente sinusoidale in parallelo con un resistore da  $20~\Omega$  è 10~W, l'ampiezza della corrente del generatore è
  - □ 1 A
  - $\Box$   $\sqrt{2}$  A
  - 2 A
- 5. La potenza istantanea assorbita da un bipolo passivo
  - □ non può assumere valori negativi
  - può assumere valori negativi se il bipolo è dinamico
  - □ può assumere valori negativi se la tensione e la corrente sono orientate secondo la convenzione del generatore
- **6.** Ogni maglia di un grafo contiene necessariamente
  - □ almeno un lato dell'albero e un lato del coalbero
  - almeno un lato del coalbero
  - □ almeno un lato dell'albero
- 7. Nella prova in cortocircuito di un trasformatore
  - ☐ le perdite nel ferro coincidono con quelle relative al funzionamento nominale
  - ☐ il valore della tensione del primario coincide con quello nominale
  - il rapporto tra le ampiezze delle correnti del primario e del secondario si identifica con il reciproco del rapporto spire

# **Tipo 2** Compiti A02-A04-A06-A08-A10-A12-A14-A16-A18-A20-A22

#### **Es. 1:**

(Esempio di risoluzione)

- Scelto come riferimento il nodo E, le incognite sono le tensioni di nodo  $V_A$ ,  $V_B$  e  $V_C$  (la tensione  $V_D = V_{G7}$  è nota)
- $$\begin{split} 2) & (G_1 + G_2 + G_3)V_A G_3V_B = I_{G1} + G_2V_{G7} \\ -G_3V_A + (G_3 + G_4)V_B gV_C = (G_4 g)V_{G7} \\ (G_5 + G_6 + g)V_C = (G_5 + g)V_{G7} \end{split}$$
- $\begin{array}{ll} 3a) & V_1 = V_A \\ & V_2 = V_A V_{G7} \\ & V_3 = V_B V_A \\ & V_4 = V_{G7} V_B \\ & V_5 = V_C V_{G7} \\ & V_6 = -V_C \end{array}$
- $\begin{array}{ll} 3b) & P_{G1} = V_A I_{G1} \\ & P_{G7} = V_{G7} (-G_2 V_2 + G_4 V_4 G_5 V_5) \\ & P_{G8} = (V_B V_C) g V_5 \end{array}$

### Es. 2:

$$\begin{aligned} \mathbf{V}_0 &= 80 - 160 j \quad V \\ \mathbf{Z}_{eq} &= 6 - 2 j \quad \Omega \end{aligned}$$

$$R = 8 \Omega$$

$$X = 4 \Omega \implies L = 4 mH$$

1. Il sistema trifase rappresentato in figura viene alimentato con una terna diretta simmetrica di tensioni concatenate avente valore efficace  $V_e = 100\sqrt{3}~V$ .

Determinare il valore efficace delle correnti  $i_1$  e  $i_{12}$ . (2 punti)

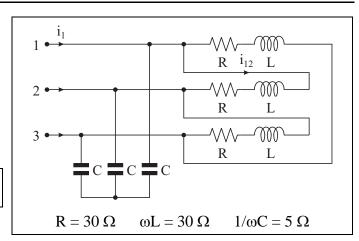
$I_1$	15.811 A	I <sub>12</sub>	4.802 A
-------	----------	-----------------	---------

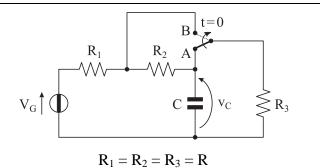
2. Per t < 0 il circuito è in condizioni di regime stazionario e l'interruttore è nella posizione</li>
A. All'istante t = 0 l'interruttore si porta nella posizione
B. Determinare l'espressione di v<sub>C</sub>(t) per t > 0. (2 punti)

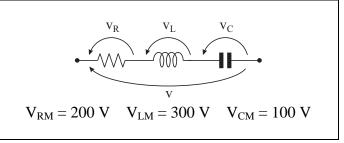
$$v_{\rm C}(t)$$
 
$$-\frac{V_{\rm G}}{6} \exp\left(-\frac{2t}{3RC}\right) + \frac{V_{\rm G}}{2}$$

3. Il bipolo rappresentato in figura è in condizioni di regime sinusoidale. Note le ampiezze delle tensioni dei componenti, determinare l'ampiezza V<sub>M</sub> della tensione totale v e il fattore di potenza F<sub>P</sub> del bipolo. (2 punti)

$V_{\mathrm{M}}$	282.8 V	F <sub>P</sub>	0.707
V M	202.0 V	ГР	0.707







- 4. Se la potenza disponibile di un bipolo formato da un generatore di corrente sinusoidale in parallelo con un resistore da  $100 \Omega$  è 50 W, l'ampiezza della corrente del generatore è
  - □ 1 A
  - $\Box$   $\sqrt{2}$  A
  - 2 A
- 5. La potenza istantanea assorbita da un bipolo passivo
  - può assumere valori negativi se il bipolo è dinamico
  - □ può assumere valori negativi se la tensione e la corrente sono orientate secondo la convenzione del generatore
  - □ non può assumere valori negativi
- **6.** Ogni taglio di un grafo contiene necessariamente
  - almeno un lato dell'albero
  - □ almeno un lato del coalbero
  - □ almeno un lato dell'albero e un lato del coalbero
- 7. Nella prova a vuoto di un trasformatore
  - ☐ le perdite nel rame coincidono con quelle relative al funzionamento nominale
  - ☐ i valori delle correnti negli avvolgimenti coincidono con quelli nominali
  - il rapporto tra le tensioni del primario e del secondario si identifica con il rapporto spire

# **Tipo 3** Compiti B01-B03-B05-B07-B09-B11-B13-B15-B17-B19-B21

### Es. 1:

(Esempio di risoluzione)

- Scelto l'albero formato dai lati 2, 4, 6, 8 (= generatore dipendente), le incognite sono le correnti  $I_1$ ,  $I_5$  e  $I_7$  (la corrente  $I_3$  =  $I_{G3}$  è nota)
- $\begin{array}{ll} 2) & (R_1 + R_2)I_1 rI_7 = -R_2I_{G3} \\ & (R_4 + R_5 + R_6)I_5 R_6I_7 = -V_{G6} + R_4I_{G3} \\ & -R_6I_5 + (R_6 + R_7 r)I_7 = V_{G6} \end{array}$
- $\begin{array}{ccc} 3a) & & I_2 = -I_1 I_{G3} \\ & I_4 = I_{G3} I_5 \\ & I_6 = I_5 I_7 \end{array}$
- $\begin{array}{ll} 3b) & P_{G3} = (R_4I_4 \! \! R_2I_2)I_{G3} \\ & P_{G6} = \! \! V_{G6}I_6 \\ & P_{G8} = rI_7(I_1 \! + \! I_7) \end{array}$

### Es. 2:

$$\begin{aligned} \mathbf{V}_0 &= 50 - 50 \mathbf{j} \quad V \\ \mathbf{Z}_{eq} &= 5 \ \Omega \end{aligned}$$

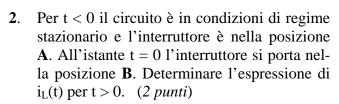
$$R = 5 \Omega$$

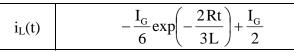
 $X = 10 \Omega \implies L = 10 \text{ mH}$ 

1. Il sistema trifase rappresentato in figura viene alimentato con una terna diretta simmetrica di tensioni concatenate avente valore efficace  $V_e = 200\sqrt{3}~V$ .

Determinare il valore efficace delle correnti  $i_1$  e  $i_{12}$ . (2 punti)

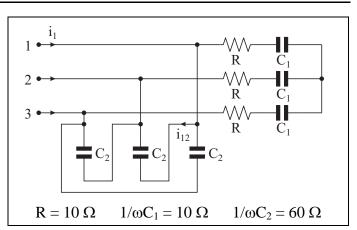
I <sub>1</sub> 22.361 A	$I_{12}$	5.774 A
-------------------------	----------	---------

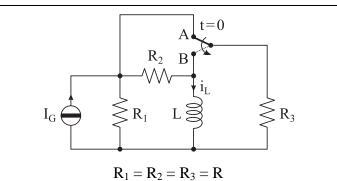


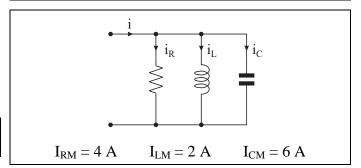


**3.** Il bipolo rappresentato in figura è in condizioni di regime sinusoidale. Note le ampiezze delle correnti dei componenti, determinare l'ampiezza I<sub>M</sub> della corrente totale i e il fattore di potenza F<sub>P</sub> del bipolo. (2 punti)

I <sub>M</sub> 5.657	A F <sub>P</sub>	0.707
----------------------	------------------	-------







- 4. Se la potenza disponibile di un bipolo formato da un generatore di corrente sinusoidale in parallelo con un resistore da  $16 \Omega$  è 8 W, l'ampiezza della corrente del generatore è
  - □ 1 A
  - $\Box$   $\sqrt{2}$  A
  - **2** A
- 5. La potenza istantanea assorbita da un bipolo passivo
  - può assumere valori negativi se il bipolo è dinamico
  - □ non può assumere valori negativi
  - □ può assumere valori negativi se la tensione e la corrente sono orientate secondo la convenzione del generatore
- **6.** Ogni maglia di un grafo contiene necessariamente
  - □ almeno un lato dell'albero e un lato del coalbero
  - almeno un lato del coalbero
  - □ almeno un lato dell'albero
- 7. Nella prova in cortocircuito di un trasformatore
  - le perdite nel rame coincidono con quelle relative al funzionamento nominale
  - ☐ il valore della tensione del primario coincide con quello nominale
  - ☐ il rapporto tra le tensioni del primario e del secondario si identifica con il rapporto spire

# **Tipo 4** Compiti B02-B04-B06-B08-B10-B12-B14-B16-B18-B20-B22

### Es. 1:

(Esempio di risoluzione)

Scelto come riferimento il nodo E, le incognite sono le tensioni di nodo  $V_B$ ,  $V_C$  e  $V_D$  (la tensione  $V_A = V_{G7}$  è nota)

$$\begin{split} 2) & \qquad (G_1 + G_2 + G_4) V_B - G_2 V_C - G_4 V_D = G_1 V_{G7} \\ - (G_2 + g) V_B + (G_2 + G_6) V_C + g V_D = 0 \\ (g - G_4) V_B + (G_3 + G_4 + G_5 - g) V_D = I_{G5} + G_3 V_{G7} \end{split}$$

$$\begin{array}{ll} 3a) & V_1 = V_{G7} - V_B \\ V_2 = V_C - V_B \\ V_3 = V_D - V_{G7} \\ V_4 = V_B - V_D \\ V_5 = V_D \\ V_6 = V_C \end{array}$$

$$\begin{array}{ll} 3b) & & P_{G5} = V_D I_{G5} \\ & & P_{G7} = V_{G7} (G_1 V_1 \! - \! G_3 V_3) \\ & & P_{G8} = (V_C \! - \! V_D) g V_4 \end{array} \label{eq:proposed_potential}$$

#### Es. 2:

$$\mathbf{V}_0 = 30 + 90j \quad V$$
  
 $\mathbf{Z}_{eq} = 4 + 2j \quad \Omega$   
 $\mathbf{R} = 4 \ \Omega$ 

$$X = -8~\Omega~~ \Longrightarrow ~~ C = 125~\mu F$$

1. Il sistema trifase rappresentato in figura viene alimentato con una terna diretta simmetrica di tensioni concatenate avente valore efficace  $V_e = 100\sqrt{3}~V$ .

Determinare il valore efficace delle correnti  $i_1$  e  $i_{12}$ . (2 punti)

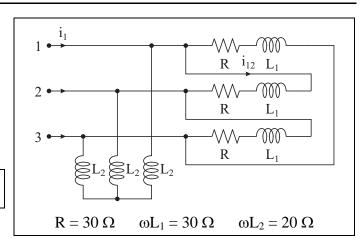
I <sub>1</sub> 11.18 A I <sub>12</sub>	4.082 A
--	---------

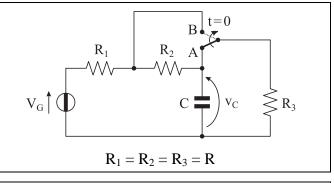
Per t < 0 il circuito è in condizioni di regime stazionario e l'interruttore è nella posizione</li>
A. All'istante t = 0 l'interruttore si porta nella posizione
B. Determinare l'espressione di v<sub>C</sub>(t) per t > 0. (2 punti)

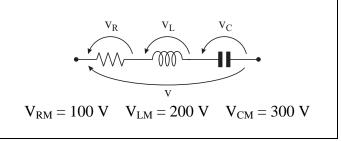
$$v_{C}(t) \qquad -\frac{V_{G}}{6} \exp\left(-\frac{2t}{3RC}\right) + \frac{V_{G}}{2}$$

**3.** Il bipolo rappresentato in figura è in condizioni di regime sinusoidale. Note le ampiezze delle tensioni dei componenti, determinare l'ampiezza V<sub>M</sub> della tensione totale v e il fattore di potenza F<sub>P</sub> del bipolo. (2 punti)

$V_{\mathrm{M}}$	141.4 V	F <sub>P</sub>	0.707







- **4.** Se la potenza disponibile di un bipolo formato da un generatore di corrente sinusoidale in parallelo con un resistore da  $30 \Omega$  è 15 W, l'ampiezza della corrente del generatore è
  - $\Box$  1 A
  - $\Box$   $\sqrt{2}$  A
  - 2 A
- 5. La potenza istantanea assorbita da un bipolo passivo
  - □ può assumere valori negativi se la tensione e la corrente sono orientate secondo la convenzione del generatore
  - □ non può assumere valori negativi
  - può assumere valori negativi se il bipolo è dinamico
- **6.** Ogni taglio di un grafo contiene necessariamente
  - almeno un lato dell'albero
  - □ almeno un lato del coalbero
  - □ almeno un lato dell'albero e un lato del coalbero
- 7. Nella prova a vuoto di un trasformatore
  - le perdite nel ferro coincidono con quelle relative al funzionamento nominale
  - ☐ i valori delle correnti negli avvolgimenti coincidono con quelli nominali
  - ☐ il rapporto tra le ampiezze delle correnti del primario e del secondario si identifica con il reciproco del rapporto spire